

Prof. Dr. Alfred Toth

P-Zahlen als topologische und als kategoriale Relationen

1. Bekanntlich sind P-Zahlen eine Verallgemeinerung von Peirce-Zahlen (vgl. Toth 2010). Sie wurden in Toth (2014) eingeführt, in Toth (2025a) systematisch dargestellt und seither weiter untersucht. Im folgenden gehen wir von der ternären P-Relation

$$P = (x, y) \in (... , -1, 0, 1, ...)$$

aus. (lo/ro steht für left and right order (Kaehr), ex/in steht für external and internal, do/uo für down and up, fo/bo für front and back order.)

2. P-Zahlen als topologische Relationen

2.1. $P = f(PC, CP)$

$$x \quad / \quad y \qquad y \quad / \quad x \qquad y \quad \backslash \quad z \qquad z \quad \backslash \quad y$$

2.2. $P = f(A, I)$

$$x^{ex} \quad / \quad y^{in} \qquad y^{ex} \quad / \quad x^{in} \qquad y^{ex} \quad \backslash \quad z^{in} \qquad z^{ex} \quad \backslash \quad y^{in}$$

$$x^{in} \quad / \quad y^{ex} \qquad y^{in} \quad / \quad x^{ex} \qquad y^{in} \quad \backslash \quad z^{ex} \qquad z^{in} \quad \backslash \quad y^{ex}$$

$$x^{lo} \quad / \quad y^{ro} \qquad y^{lo} \quad / \quad x^{ro} \qquad y^{lo} \quad \backslash \quad z^{ro} \qquad z^{lo} \quad \backslash \quad y^{ro}$$

$$x^{ro} \quad / \quad y^{lo} \qquad y^{ro} \quad / \quad x^{lo} \qquad y^{ro} \quad \backslash \quad z^{lo} \qquad z^{ro} \quad \backslash \quad y^{lo}$$

$$x^{do} \quad / \quad y^{uo} \qquad y^{do} \quad / \quad x^{uo} \qquad y^{do} \quad \backslash \quad z^{uo} \qquad z^{do} \quad \backslash \quad y^{uo}$$

$$x^{uo} \quad / \quad y^{do} \qquad y^{uo} \quad / \quad x^{do} \qquad y^{uo} \quad \backslash \quad z^{do} \qquad z^{uo} \quad \backslash \quad y^{do}$$

$$x^{fo} \quad / \quad y^{bo} \qquad y^{fo} \quad / \quad x^{bo} \qquad y^{fo} \quad \backslash \quad z^{bo} \qquad z^{fo} \quad \backslash \quad y^{bo}$$

$$x^{bo} \quad / \quad y^{fo} \qquad y^{bo} \quad / \quad x^{fo} \qquad y^{bo} \quad \backslash \quad z^{fo} \qquad z^{bo} \quad \backslash \quad y^{fo}$$

Es gilt also

$$P = f((A/I), (PC/CP)).$$

3. P-Zahlen als Kategorien und Saltatorien

Vgl. Toth (2025b, c u. Kaehr 2009).

3.1. $P = f(PC, CP)$

$$x \rightarrow y \quad y \rightarrow x \quad y \leftarrow z \quad z \leftarrow y$$

3.2. $P = f(A, I)$

$$x^{ex} \rightarrow y^{in} \quad y^{ex} \rightarrow x^{in} \quad y^{ex} \leftarrow z^{in} \quad z^{ex} \leftarrow y^{in}$$

$$x^{in} \rightarrow y^{ex} \quad y^{in} \rightarrow x^{ex} \quad y^{in} \leftarrow z^{ex} \quad z^{in} \leftarrow y^{ex}$$

$$x^{lo} \rightarrow y^{ro} \quad y^{lo} \rightarrow x^{ro} \quad y^{lo} \leftarrow z^{ro} \quad z^{lo} \leftarrow y^{ro}$$

$$x^{ro} \rightarrow y^{lo} \quad y^{ro} \rightarrow x^{lo} \quad y^{ro} \leftarrow z^{lo} \quad z^{ro} \leftarrow y^{lo}$$

$$x^{do} \rightarrow y^{uo} \quad y^{do} \rightarrow x^{uo} \quad y^{do} \leftarrow z^{uo} \quad z^{do} \leftarrow y^{uo}$$

$$x^{uo} \rightarrow y^{do} \quad y^{uo} \rightarrow x^{do} \quad y^{uo} \leftarrow z^{do} \quad z^{uo} \leftarrow y^{do}$$

$$x^{fo} \rightarrow y^{bo} \quad y^{fo} \rightarrow x^{bo} \quad y^{fo} \leftarrow z^{bo} \quad z^{fo} \leftarrow y^{bo}$$

$$x^{bo} \rightarrow y^{fo} \quad y^{bo} \rightarrow x^{fo} \quad y^{bo} \leftarrow z^{fo} \quad z^{bo} \leftarrow y^{fo}$$

Literatur

Kaehr, Rudolf, Sketch on Semiotics in Diamonds. In: ders., Diamond Semiotic Short Studies. Glasgow, U.K. 2009, S. 67-80

Toth, Alfred, Calculus semioticus. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2010

Toth, Alfred, Systeme possessiver und copossessiver Deixis. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2014

Toth, Alfred, Strukturtheorie possessiv-copossessiver Zahlen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025a

Toth, Alfred, Theorie der linken und rechten semiotischen Umgebungen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025b

Toth, Alfred, Grundlegung einer vereinheitlichten systemisch-possessiv-copossessiv-kategorialen Semiotik. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025c

8.7.2025